

II (районний) етап Всеукраїнської учнівської олімпіади з інформатики

Київ, 2018/19 н. р.

Максимальна оцінка за кожну з чотирьох задач — 100 балів.

Для всіх задач обмеження на час — 1 секунда / тест; обмеження на пам'ять — 256 МБ.

Матеріали олімпіади буде оприлюднено на сайті kievoi.ippo.kubg.edu.ua, а також на soi.org.ua.

Автор задач — Данило Мисак.

1. Укриття (назва програми: `shelters.cpp` / `shelters.pas` / `shelters.*`)

Уявіть, що вас, як людину з умінням мислити логічно й гарними навичками програмування, найняли покращувати благоустрій міста. Першим і одним з найвідповідальніших ваших завдань є забезпечення максимальної безпеки його мешканців.

У місті проживає p осіб і вже є n укриттів, що здатні вмістити по m людей кожне. Допоможіть з'ясувати, яку найменшу кількість таких самих укриттів необхідно добудувати, щоб у разі потреби усі мешканці могли водночас сховатися від небезпеки.

Вхідні дані

У єдиному рядку вхідного файлу задано додатні цілі числа p , n і m , кожне з яких не перевищує 180.

Вихідні дані

У вихідний файл виведіть кількість укриттів, які необхідно добудувати для повної безпеки міста. Якщо місця на всіх його мешканців вистачає і так, виведіть нуль.

Приклади

Вхідний файл <code>shelters.in</code>	Вихідний файл <code>shelters.out</code>
52 3 7	5
35 7 5	0

Коментарі до прикладів

У першому прикладі сімох укриттів не вистачить, щоб прихистити всіх жителів міста: $7 \times 7 < 52$. А от восьми укриттів буде вже достатньо — залишається до існуючих трьох добудувати ще п'ять. У другому прикладі місця в укриттях на всіх мешканців вистачає відразу.

2. Стопчики (назва програми: `poles.cpp` / `poles.pas` / `poles.*`)

Дуже важливою у міському побуті є й культурна складова. На центральній галявині нового парку, який недовзі буде відкрито в центрі міста, планують розмістити коло зі стовпів різної висоти, що умовно зображають його населення. У центрі галявини установлять стопчик, який символізуватиме рівність і баланс: його висота за задумом скульпторів має дорівнювати середньому арифметичному висот усіх стопчиків навколо. Знаючи висоти всіх стовпів, що установлять у парку, допоможіть вибрати з них стопчик, який можна було б поставити у центрі.

Вхідні дані

У першому рядку вхідного файлу вказано кількість стовпчиків n ; ця кількість є натуральним числом, що лежить у межах від 3 до 10^5 включно. У наступному рядку задано висоти n стовпчиків: кожна висота — натуральне число, менше за 10^9 .

Вихідні дані

У вихідний файл виведіть висоту стовпчика, яка дорівнює середньому арифметичному усіх інших висот із вхідного файлу. Вхідні дані гарантують, що така висота дійсно існує і притому єдина.

Приклад

Вхідний файл <code>poles.in</code>	Вихідний файл <code>poles.out</code>
6 2 5 4 2 4 7	4

Коментар до прикладу

Якщо прибрати з набору будь-який один із двох стовпчиків заввишки 4, середнє арифметичне висот решти стовпів якраз дорівнюватиме $(2 + 2 + 4 + 5 + 7)/5 = 4$.

3. Паркування (назва програми: `parking.cpp` / `parking.pas` / `parking.*`)

Поки що ваше місто складається з єдиної прямої вулиці, уздовж якої розташовано n будинків. Нещодавно перед містянами постала проблема з паркуванням, і було вирішено наземні стоянки переобладнати під велосипедні, а всі стоянки для машин перенести під землю — побудувати вздовж вулиці по одному підземному паркуванню для кожного будинку. З міркувань безпеки та зручності будівництва визначено, якими мають бути точні відстані між кожними двома сусідніми паркуваннями. Але самі паркування необхідно при цьому розташувати так, щоб сума відстаней між кожним із будинків та його відповідним паркуванням була найменшою можливою.

Паркування можна розміщати як безпосередньо під будинком, якому воно належить, так і в довільному іншому місці вздовж вулиці. Вулиця є достатньо довгою, тож ті чи інші паркування за потреби можна розміщати як завгодно далеко від будинків.

Ваше завдання — за інформацією про розташування будинків і відстанями між кожними двома сусідніми паркуваннями визначити найменшу можливу сумарну відстань від будинків до відповідних паркувань.

Вхідні дані

У першому рядку вхідного файлу задано натуральне число n — кількість будинків (і паркувань, які необхідно побудувати). Відомо, що $2 \leq n \leq 10^5$.

У другому рядку в порядку зростання перераховано n цілих чисел, що задають розташування будинків: число нуль (якщо воно є серед чисел) відповідає точці відліку; від'ємні числа (якщо такі є) відповідають будинкам на захід від цієї точки; додатні числа (якщо є) відповідають будинкам на схід від неї; абсолютна величина числа задає відстань від будинку до точки відліку. Усі числа, що задають розташування будинків, за абсолютним значенням не перевищують 10^9 , і жодні два з цих чисел не збігаються.

У наступному рядку вказано $n - 1$ натуральне число: перше з них задає відстань між лівим (найзахіднішим) паркуванням A та сусіднім до нього справа паркуванням B ; друге число задає відстань між паркуванням B та сусіднім до нього справа паркуванням C і т. д. Усі числа в цьому рядку не перевищують 10^4 .

Перше (найзахідніше) паркування належатиме першому (найзахіднішому) будинку, друге паркування — другому будинку і т. д.

Вихідні дані

У вихідний файл виведіть ціле число — найменшу можливу суму відстаней від кожного будинку до його паркування. Вхідні дані гарантують, що ця сума не перевищить 10^9 .

Приклад

Вхідний файл <code>parking.in</code>	Вихідний файл <code>parking.out</code>
4 -2 1 8 13 5 10 4	7

Коментар до прикладу

Паркування можна побудувати, наприклад, у позиціях $-5, 0, 10$ і 14 . Тоді сумарна відстань до будинків складатиме $|-5 - (-2)| + |0 - 1| + |10 - 8| + |14 - 13| = 7$. Будь-яке інше розташування паркувань дасть або таку саму, або більшу сумарну відстань.

4. Вулиці (назва програми: `streets.cpp` / `streets.pas` / `streets.*`)

У планах розбудови міста — відкрити кілька нових площ і між деякими парами цих площ прокласти прямі дороги з двостороннім рухом (можливо, з використанням мостів над іншими дорогами).

Ваша задача — розбити нові дороги на якомога меншу кількість вулиць так, щоб кожна дорога належала рівно одній вулиці. Вулицею може бути довільна послідовність доріг, у якій дороги не повторюються і кожна наступна дорога починається з тієї площі, де завершилася попередня. Зверніть увагу, що вулицям дозволено перетинати себе та замикатися у коло.

Вхідні дані

У першому рядку вхідного файлу вказано два натуральних числа — кількість нових площ n та кількість нових доріг m . Кількість площ не перевищує 800 , і між кожною парою площ буде прокладено не більше ніж одну дорогу. Усі площі занумеровано натуральними числами від 1 до n .

Наступні m рядків задають дороги: у кожному рядку вказано по два числа — номери площ, які сполучає відповідна дорога, причому спочатку йде менший з двох номерів, а потім більший. Жодні два рядки не задають одну й ту саму дорогу. Крім того, з кожної площі виходить принаймні одна дорога.

Вихідні дані

У вихідний файл виведіть найменшу кількість вулиць, на які можна розбити нові дороги.

Приклад

Вхідний файл <code>streets.in</code>	Вихідний файл <code>streets.out</code>
7 5 1 2 1 3 1 5 6 7 1 4	3

Коментар до прикладу

Одну з вулиць можна прокласти за маршрутом $2 - 1 - 3$, іншу за маршрутом $4 - 1 - 5$, третю — між площами 6 і 7 .